



## Proposition de corrigé

Concours : Concours Commun INP

Année : 2019

Filière : PSI

Épreuve : Informatique

Ceci est une proposition de corrigé des concours de CPGE, réalisée bénévolement par des enseignants de Sciences Industrielles de l'Ingénieur et d'Informatique, membres de l'[UPSTI](http://www.upsti.fr) (Union des Professeurs de Sciences et Techniques Industrielles), et publiée sur le site de l'association :

<https://www.upsti.fr/espace-etudiants/annales-de-concours>

### A l'attention des étudiants

Ce document vous apportera des éléments de corrections pour le sujet traité, mais n'est ni un corrigé officiel du concours, ni un corrigé détaillé ou exhaustif de l'épreuve en question.

L'UPSTI ne répondra pas directement aux questions que peuvent soulever ces corrigés : nous vous invitons à vous rapprocher de vos enseignants si vous souhaitez des compléments d'information, et à vous adresser à eux pour nous faire remonter vos éventuelles remarques.

### Licence et Copyright

Toute représentation ou reproduction (même partielle) de ce document faite sans l'accord de l'UPSTI est **interdite**. Seuls le téléchargement et la copie privée à usage personnel sont autorisés (protection au titre des [droits d'auteur](#)).

En cas de doute, n'hésitez pas à nous contacter à : [corrigesconcours@upsti.fr](mailto:corrigesconcours@upsti.fr).

### Informez-vous !

Retrouvez plus d'information sur les [Sciences de l'Ingénieur](#), l'[orientation](#), les [Grandes Ecoles](#) ainsi que sur les [Olympiades de Sciences de l'Ingénieur](#) et sur les [Sciences de l'Ingénieur au Féminin](#) sur notre site : [www.upsti.fr](http://www.upsti.fr)

L'équipe UPSTI

# Informatique - CCP PSI 2019

## Partie II – Analyse des données

**Q1 - Écrire une requête SQL permettant d'extraire les identifiants des patients ayant une « hernie discale ».**

```
SELECT idpatient FROM MEDICAL WHERE etat= « herniediscale »
```

**Q2- Écrire une requête SQL permettant d'extraire les noms et prénoms des patients atteints de « spondylolisthésis».**

```
SELECT nom, prenom FROM PATIENT JOIN MEDICAL ON  
PATIENT.id=MEDICAL.idpatient WHERE MEDICAL.etat =  
« spondylolisthésis »
```

**Q3- Écrire une requête SQL permettant d'extraire chaque état et le nombre de patients pour chaque état.**

```
SELECT etat,COUNT(*) FROM PATIENT JOIN MEDICAL ON  
PATIENT.id=MEDICAL.idpatient GROUP BY etat
```

Ou plus simplement:

```
SELECT etat,COUNT(DISTINCT idpatient) FROM MEDICAL GROUP BY  
etat
```

**Q4 – Citer un intérêt d'utiliser la bibliothèque de calcul numérique Numpy quand les tableaux sont de grande taille.**

Les temps de calcul sont beaucoup plus courts.

**Q5 – Déterminer la quantité de mémoire totale en Mo nécessaire pour stocker le tableau et le vecteur des données si N=100 000. On supposera que les données sont représentées en suivant la norme usuelle IEEE 754.**

Tableau data :  $N \times 6 \times \frac{32}{8} = 2\,400\,000 \text{ o} = 2,4 \text{ Mo}$

Vecteur etat :  $N \times 1 = 100\,000 \text{ o} = 0,1 \text{ Mo}$

Soit au total 2,5 Mo

**Q6 – Écrire une fonction `separationParGroupe(data, etat)` qui sépare le tableau `data` en 3 sous-tableaux en fonction des valeurs du vecteur `etat` correspondantes. Cette fonction doit renvoyer une liste de taille 3 de sous-tableaux.**

```
def separationParGroupe(data, etat) :  
    return [[data[i] for i in range(len(data)) if etat[i]==j]  
            for j in range(3)]
```

Autre possibilité :

```
def separationParGroupe(data, etat) :  
    res = [[], [], []]  
    for i in range(len(data)) :
```

```

        res[etat[i]].append(data[i])
    return res

```

```

fig = plt.figure()
mark = ['o', 'x', '*']
label_attributs=['incidence_bassin', 'orientation_bassin', 'angle_
lordose', 'pente_sacrum', 'rayon_bassin', 'glissement_spon']
groupes=separationParGroupe(data, etat)
for i in range(len(groupes)):
    groupes[i]=array(groupes[i])
n=len(data[0])
for i in range(n):
    for j in range(n):
        ax1=plt.subplot(ARGS1)
        plt.xlabel(label_attributs[j])
        if TEST:
            plt.ylabel(label_attributs[i])
            for k in range(len(groupes)):
                ax1.scatter(ARGS2)
        else:
            plt.ylabel('nombre de patients')
            ax1.hist(ARGS3)

```

remarques : Il y a une inversion dans le sujet entre xlabel et ylabel.

De plus, la définition du label des ordonnées ne devrait pas être dans la boucle d'indice k.

**Q7 – Définir les arguments ARGS1, ARGS2, ARGS3 ainsi que la condition TEST définis dans le script précédent permettant d'obtenir la figure 2.**

```

ARGS1= n,n,n*i+j+1
TEST = (j!=i)
ARGS2 = groupes[k][:,i],groupes[k][:,j],marker=mark[k]
ARGS3= data[:,j]

```

**Q8 - Préciser l'utilité des diagrammes de la diagonale ainsi que celle des diagrammes hors diagonale.**

Les diagrammes sur la diagonale donnent la répartition des patients en fonction de l'attribut j.

Les autres diagrammes donnent un attribut en fonction d'un autre, ils permettent de voir s'il y a un lien de corrélation entre 2 attributs. De plus ils permettent de visualiser les répartitions de ces attributs en fonction de l'état de l'individu.

## Partie III – Apprentissage et prédiction

### III-1- Méthode KNN

**Q9 – Proposer une expression de  $x_{normj}$  un élément du vecteur  $X_{norm}$  en fonction de l'élément  $x_j$  du vecteur  $X$  correspondant et de  $\min(X)$  et  $\max(X)$ .**

On suppose une transformation linéaire soit :

$x_{normj} = a x_j + b$  avec  $0 = a \min(X) + b$  et  $1 = a \max(X) + b$

D'où  $a = \frac{1}{\max(X) - \min(X)}$  et  $b = -\frac{\min(X)}{\max(X) - \min(X)}$

$$x_{normj} = \frac{x_j - \min(X)}{\max(X) - \min(X)}$$

**Q10 – Écrire une fonction `min_max(X)` qui retourne les valeurs du minimum et du maximum d'un vecteur `x` passé en argument. La fonction devra être de complexité linéaire.**

```
def min_max(X) :
    mini,maxi = X[0],X[0]
    for e in X :
        if e < mini :
            mini = e
        if e > maxi :
            maxi = e
    return mini,maxi
```

**Q11 – Écrire une fonction `distance(z, data)` qui parcourt les  $N$  lignes du tableau `data` et calcule les distances euclidiennes entre le  $n$ -uplet `z` et chaque  $n$ -uplet `x` du tableau de données connues (`x` représente une ligne du tableau). La fonction doit renvoyer une liste de taille  $N$  contenant les distances entre chaque  $n$ -uplet `x` et le  $n$ -uplet `z`.**

1. Si les données sont déjà normalisées :

```
def distance(z,data) :
    distances = []
    for i in range(len(data)) :
        d=0
        for j in range(len(z)) :
            d += ((z[j]-data[i][j]))**2
        distances.append(sqrt(d))
    return distances
```

2. Si les données ne sont pas normalisées :

```
def coeff_normalise(data) :
    L=[]
    for i in range(len(data[0])) :
        colonne=[data[j][i] for j in range(len(data))] # si data
        n'est pas un tableau numpy ; sinon colonne = data[:,i]
        mini,maxi = min_max(colonne)
        a = 1/(maxi-mini)
        b = -mini/(maxi-mini)
        L.append([a,b])
    return L
```

```
def distance(z,data) :
    coef = coeff_normalise(data)
    distances = []
```

```

for i in range(len(data)) :
    d=0
    for j in range(len(z)) :
        a = coef[j][0]
        d +=((z[j]-data[i][j])*a)**2 #distance normalisée
    distances.append(sqrt(d))
return distances

```

```

def tri(T) :
    if len(T)<=1:
        return T
    else:
        m=len(T)//2
        tmp1=[]
        for x in range(m) :
            tmp1.append(T[x])
        tmp2=[]
        for x in range(m, len(T)) :
            tmp2.append(T[x])
        return fct(tri(tmp1),tri(tmp2))

```

**Q12 – Donner le nom de ce tri ainsi que son intérêt par rapport à un tri par insertion. Préciser un inconvénient du programme proposé par rapport à ce tri.**

Il s'agit du **Tri fusion**.

Avantage : complexité  $O(n \ln(n))$  (tri par insertion en  $O(n^2)$ )

Inconvénient : si liste déjà triée, la complexité du tri par insertion est en  $O(n)$  donc plus efficace.

**Q13 - Préciser les lignes 1 à 3 de la fonction fct pour que l'algorithme de tri soit fonctionnel.**

```

def fct(T1,T2) :
    if T1==[] :
        return T2 #ligne 1 à compléter
    if T2==[] :
        return T1 #ligne 2 à compléter
    if T1[0][0]< T2[0][0] :
        return [T1[0]]+fct(T1[1:],T2)
    else :
        return [T2[0]]+fct(T1,T2[1:]) #ligne 3 à compléter

```

```

def KNN(data,etat,z,K,nb) :
    #partie 1
    T=[]
    dist=distance(z,data)
    for i in range(len(dist)) :
        T.append([dist[i],i])
    #tri(T)
    T = tri(T)

```

```

#partie 2
select = [0]*nb
for i in range(K):
    select[etat[T[i][1]]]+=1
#partie 3
ind = 0
res = select[0]
for k in range(1,nb):
    if select[k]>res:
        res=select[k]
        ind=k
return ind

```

**Q14 – Expliquer ce que font globalement les parties 1, 2 et 3 de l’algorithme. Préciser ce que représentent les variables locales T, dist, select, ind.**

# partie1 : construit une liste de listes contenant la distance euclidienne entre les attributs du patient à classer et les attributs de chaque patient déjà classé, ainsi que l’indice du patient classé. Cette liste est triée par ordre des distances croissantes.

T : liste de listes des distances et indices

dist : liste des distances entre les attributs du patient à classer et ceux des patients déjà classés

# partie 2 : comptabilise, parmi les K premiers patients, le nombre de patients pour chaque état.

select : liste de nb éléments, chaque élément i contient le nombre de patients (parmi les K premiers) possédant l’état i.

# partie 3 : recherche l’état correspondant au groupe le plus nombreux

ind : numéro de l’état possédant le groupe le plus nombreux

**Q15 – Indiquer l’information apportée par la diagonale de la matrice. Exploiter les valeurs de la première ligne de cette matrice en expliquant les informations que l’on peut en tirer. Faire de même avec la première colonne. En déduire à quoi sert cette matrice.**

Les informations de la diagonale indiquent le nombre de prédictions correctes pour chaque état (de 0 à 2).

Pour la première ligne : 4 patient 0 (normaux) ont été détectés 1 (hernie discale) et 7 ont été détectés 2 (spondylolisthésis) soit 11 faux diagnostics parmi les 34 normaux.

Pour la première colonne : 7 patients possédant une hernie discale (état 1) et 5 souffrant de spondylolisthésis (état 2) n’ont pas été détectés.

Cette matrice permet d’observer l’efficacité du diagnostic et de cibler les erreurs.

**Q16 – Commenter la courbe obtenue et critiquer l’efficacité de l’algorithme.**

Le nombre de voisins K influe peu sur l’efficacité qui reste inférieure à 75%.

### III-2- Méthode de classification naïve bayésienne

**Q17 – Écrire deux fonctions de complexité linéaire moyenne ( $x$ ) et variance ( $x$ ) permettant de renvoyer la moyenne et la variance d'un vecteur  $x$  de dimension quelconque.**

```
def moyenne(x) :
    moy = 0
    for e in x :
        moy += e
    return moy/len(x)

def variance(x) :
    var=0
    m = moyenne(x)
    for e in x :
        var += (e-m)**2
    return var/len(x)
```

**Q18 – Proposer une fonction `synthese(data, etat)` qui renvoie une liste composée de doublets `[moyenne,variance]` pour chaque attribut de la matrice `data` en les regroupant selon les valeurs du vecteur `etat`.**

```
def synthese(data, etat) :
    res = []
    groupes = separationParGroupe(data, etat)
    for k in range(len(groupe)): #indice etat
        groupes[k] = array(groupe[k])
        l=[]
        for j in range(len(data[0])): #indice attribut
            x = groupes[k][:,j]
            l.append([moyenne(x), variance(x)])
        res.append(l)
    return res
```

**Q19 – Écrire une fonction `gaussienne(a, moy, v)` qui calcule la probabilité selon une loi gaussienne de moyenne `moy` et de variance `v` pour un élément `a` de  $\mathbb{R}$ .**

```
def gaussienne(a, moy, v) :
    return 1/sqrt(2*pi*v)*exp(-(a-moy)**2/(2*v))
```

**Q20 - Dédurre de la description de l'algorithme de classification naïve bayésienne une fonction `probabiliteGroupe(z, data, etat)` prenant en argument le vecteur `z` qui contient le  $n$ -uplet de la donnée `z`, le tableau de données connues `data` et le vecteur d'appartenance à un groupe de chacune de ces données `etat`. Cette fonction renvoie la probabilité d'appartenance à chacun des  $nb = 3$  groupes sous la forme d'une liste de trois valeurs. On utilisera la fonction `synthese(data, etat)` et la fonction `gaussiennes(a, moy, v)`.**

```

def probabiliteGroupe(z, data, etat) :
    liste = []
    synt = synthese(data, etat)
    groupes = separationParGroupe(data, etat)
    for k in range(3) :
        proba = 1
        for j in range(len(data[0])) :
            a = z[j]
            moy = synt[k][j][0]
            v = synt[k][j][1]
            proba *= gaussienne(a, moy, v)
        PY = len(groupe[k])/len(data) # P(Y=yj)
        proba *= PY
        liste.append(proba)
    return liste

```

**Q21 – Écrire une fonction `prediction`, dont vous préciserez les arguments, qui renvoie le numéro du groupe auquel appartient un élément `z`.**

```

def prediction(z, data, etat) :
    prob = probabiliteGroupe(z, data, etat)
    i, maxi = 0, prob[0]
    for k in range(1, 3) :
        if prob[k] > maxi :
            i, maxi = k, prob[k]
    return i

```

**Q22 – Proposer une explication qui justifie cette utilisation du logarithme.**

Les probabilités sont très petites ; précision du codage  
Cela permet de remplacer les multiplications de petites valeurs (entre 0 et 1) par des additions de valeurs plus grandes.

**Q23 - Calculer le pourcentage de réussite de la méthode KNN, à partir de la matrice de confusion pour  $K = 8$ , ainsi que celui de la méthode naïve bayésienne à partir de la matrice ci-dessus. Discuter de la pertinence de chacune des deux méthodes sur l'exemple traité.**

Pourcentage de réussite méthode KNN :

$$(23+11+40)/(23+4+7+7+11+1+5+2+40) = 74/100 = 74\%$$

Pourcentage de réussite méthode bayésienne :

$$(23+10+49)/(23+9+8+9+10+1+10+1+49)=82/120=68\% \text{ il y a plus de 100 valeurs...}$$

ce qui semble étrange

Si on raisonne sur les 2 matrices de confusion, la méthode KNN est plus efficace. Ce n'est pas ce qu'on observe sous python